

四庫全書

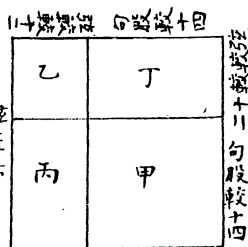
子部

三百三  
十六  
折半  
一百六  
十八  
為實弦較較二  
為法除之得句股

較四  
以加弦較較二  
共得  
二十  
為弦  
有弦有句股較  
即諸數可求

論曰甲乙丙丁合形為弦自乘大方冪甲小方為句股

較冪弦冪內減句股較冪所餘丙乙丁磬折形原與四



句股積等於中又減去乙小方

為弦較較自乘冪仍餘丁丙二

長方並以句股較為其長以弦

較較為其濶故折半而用其一

欽定四庫全書

歷算全書卷四十七

宣城梅文鼎撰

句股闡微卷二

句股積求句股弦句股積與弦較較求諸數

第一法

假如句股積

一百二十

弦較較

十二

法以積四之得

四百八十

弦較較自之

一百四十四

兩數相減餘

三百三折半一百六為實弦較較二十為法除之得句股

較四以加弦較較二十共得二十六為弦

有弦有句股較即諸數可求

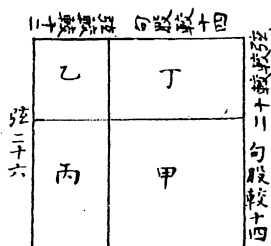
論曰甲乙丙丁合形為弦自乘大方冪甲小方為句股較冪弦冪內減句股較冪所餘丙乙丁磬折形原與四

句股積等於中又減去乙小方

為弦較較自乘冪仍餘丁丙二

長方並以句股較為其長以弦

較較為其濶故折半而用其一



為實以弦較較為法除之得句股較矣 是以濶求長

## 第二法

置四句股積四百八十與弦較較自冪一百四十相加得共六百

二十折半三十為實弦較較二十為法除之得六十為弦

弦內減去弦較二十得餘四十為句股較

論曰乙丙丁磬折形原與四句股積等今加一小方形

如己為弦較自乘冪與乙等又丁丙二長方原相等於

是合丁己為一長方合乙丙為一長方必亦相等矣 並

乙	丁	乙
丙		

弦較較為潤  
以弦為長  
故折半而用其一

為實以弦較較為法除之即得

弦矣  
亦是以潤求長

### 第三法

置四句股積四百為實弦較較二十為法除之得四十為弦

較和以弦較較二十加弦較和四十得五十折半二十為

弦以弦較較二十減弦較和四十得二十折半十為句股較

於前圖乙丙丁磬折形即四句股積移丁長方置于戊

乙方十二合丙長十四共二十六再加戊長十四共四十

乙	丁
丙	
戊	

# 又簡法

置句股積

一百二十

為實以弦較較

二十

半之得

六

為法除之

得

十二

為半弦較和以半弦較較

六

加半弦較和

二十

弦較和除之  
亦得弦較較

弦較較除之得弦較和以若

較和其闊如弦較較故以

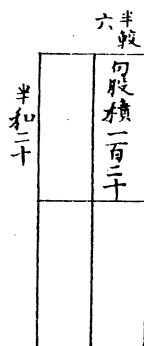
為乙丙戊長方其長如弦

六 為弦又以半較 六 減半和 十二 得 十四 為句股較

論曰長方形濶 二十 如弦較較長 十四 如弦較和其積如四

句股今只用一句股積是四

之一也積四之一者其邊必



半觀圖自明

句股積與弦較和求諸數

第一法

假如句股積

一百二十 弦較和 四十



法以積四之得四百八十弦較和自之得一千六百兩數相

減餘一千一百二十折半得五百六十為實弦較和四十為法除之得

四十為句股較以減弦較和得六十為弦弦自乘六百七十六

加四句股積四百八十得一千一百五十六平方開之得三十為句

股和以與句股較四十相加得八十折半四十為股又相

減得二十折半得一十為句

句 一十

股 二十四

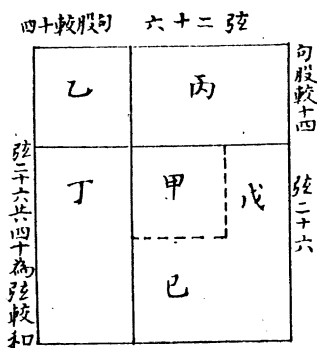
弦 二十六

句股和 三十

句股較 十四

弦較和 四十

弦較較 十二



論曰總方為弦較和十四自乘

之冪內分甲戊己方為弦自

乘冪乙小方為句股較自乘

冪於弦冪內減去戊己磬折

形即四句股積則所餘者甲

小方即句股較冪與乙方等以甲小方合丁長方即與

乙丙長方等

以丁丙小長方原相等故

此二長方並以句股較十四為

濶以弦較和為長<sub>四</sub>故折半而用其一為實弦較和<sub>十</sub>

為法除之即得句股較<sub>是為以長求濶</sub>

### 第二法

弦較和自乘<sub>一千</sub>與四句股積<sub>四百</sub>兩數相加<sub>二千</sub>

折半<sub>一千</sub>為實弦較和<sub>四十</sub>為法除之得<sub>六十</sub>為弦以

減弦較和得<sub>四十</sub>為句股較餘如前觀後圖自明

### 第三法

置四句股積<sub>四百</sub>為實弦較和<sub>四十</sub>為法除之得<sub>二十</sub>為弦

較較餘同弦較較第三法

又簡法

句股積一百二十為實弦較和十半之得十二為法除之得六  
為弦較較之半餘並同弦較較簡法

共二十增四句較股勾 六十二弦

庚 辛	乙	丙	
	丁	甲	戊
		己	

共二十增四句較股勾 六十二弦

論曰乙丁丙甲戊己合形為弦

較和十自乘之大方外加一庚

辛長方為四句股積與戊己磬

折形等於是中分之為兩長方

丁庚辛合為左長方並以弦為濶  
二十 丙甲己戊合為右長方  
六 弦較和  
四十 為

長故折半為實以弦較和除之得弦  
亦為以長求濶

借此圖可解第三法之理何則庚辛長方形既為四句

股積而其濶  
二十 如弦較較其長  
四十 如弦較和是  
二十 與  
四十

相乘之積也故以弦較較除之得弦較和若以弦較和  
除之即復得弦較較

若庚辛長方橫直皆均剖之成四小長方則其濶皆  
六

加半較其長  
二十 如半和而其積皆  
一百 為一句股積矣  
二十

此又簡法之理也

句股積與弦和較求諸數

第一法

假如句股積六千七百五十弦和較六十

法以弦和較自之得三千六百與四句股積二萬七千相減餘二萬

三千折半一萬一千七百為實弦和較六十為法除之得一百九十五

為弦加較六十得句股和二百五十五弦冪內減四句股積開

方得句股較以加句股和折半得股以減句股和折半

得句

句 七十五

股 一百八十

弦 一百九十五

句股和 二百五十

句股較 百〇五

弦和和 四百五十

弦較和 三百

弦和較 六十

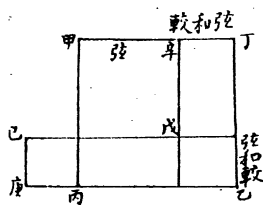
弦較較 九十

### 第二法

以弦和較自乘 三千六百 與四句股積 二萬七千 相加得 三萬〇六百

折半 一萬五千三百 為實弦和較 六十 為法除之得 二百五十五 為句

股和內減弦和較 六十 得 一百九十五 為弦



弦為長弦和較為濶故以弦和較除之得弦此第一法  
減四句股積之理也

若於丁戊丙乙磬折形外加一己丙小方與戊乙等乃

論曰丁丙方為句股和自乘方冪  
內減甲戊方為弦自乘冪其餘丁  
戊丙磬折形四句股積也內減戊  
乙小方為弦和較自乘積則所餘

丁戊長方與戊丙長方等而並以



併之為庚戌長方與辛乙等並以句股和為長弦和較  
為濶此第二法加四積之理也

兩法並以濶求長

### 第三法

置四句股積

二萬七千

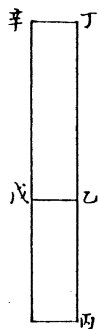
為實弦和較

六除之得

四百五十

為弦和

和以與弦和較相加折半為句股和又相減折半為弦  
此如有句股積有容圓徑而求句股弦乃還元之法也



論曰前圖中辛乙長方并戊丙

長方是四句股積聯之為辛丙

長方則其濶丁辛弦和較也其長丁丙弦和和也

又簡法

置句股積

六千七百五十

為實半弦和較三除之得

二百二十五

為

半弦和和以與半弦和較相加得二百五十五為句股

和又相減得

一百九十五

為弦

此如有容圓半徑以除句

股積而得半弦和和句股積與弦和和求諸數

第一法

假如句股積

六千七百五十

弦和和

四百五十

法以積四之得

二萬七千

弦和和自之得

二十萬二千五百

兩數相

減餘

十七萬五千五百

折半

八萬七千七百五十

為實弦和和

四百五十

為法

除之得

一百九十五

為弦以減弦和和得

二百五十五

為句股和

## 第二法

以四句股積與弦和和冪兩數相加得

二十二萬九千五百

折半

得

十一萬四千七百五十

為實弦和和

四百五十

為法除之得

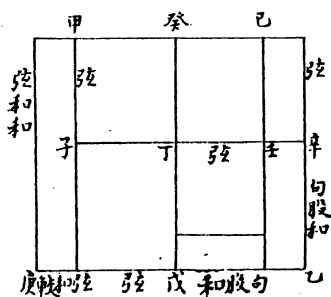
二百五十五

為句股和以減弦和和得

一百九十五

為弦

論曰甲乙大方弦和和自乘也內分甲丁方弦自乘也



長方亦四句股積也今於甲乙大方內減去己乙則所  
餘者甲戊己戊二長方並以弦為濶弦和和為長故以  
弦和和除之而得弦此第一法減四句股積之理也是

與丁丙方等丁乙方句股和  
自乘也於丁乙內減去丁丙  
弦冪則所餘者四句股積即  
壬乙丙戊二小長方也而已  
辛小長方與丙戊等則己乙

為以長求濶

又論曰若於甲乙大方外增一甲庚長方與己乙等而中分之於癸戊則癸乙與癸庚兩長方等並以句股和為濶弦和和為長故以弦和和除之而先得句股和此第二法加四句股積之理也亦是以長求濶

### 第三法

置四句股積

二萬七千

為實弦和和

四百五十

除之得弦和較

十六

此如併句股弦除四倍積而得容員徑

又簡法

置句股積

六千七百五十

為實半弦和

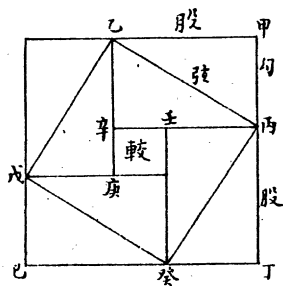
和二百二十五

除之得半弦

和較

三十此如合半句半股半弦除積得容員半徑

欲明加減用四句股之理當觀古圖



甲乙丙句股形 甲丙句六

甲乙股八 乙丙弦十

甲丁句股和十四 壬辛句

股較二甲己大方句股和自

乘冪也其積一百九十六 丙戌次方弦自乘冪也其

積一百 壬庚小方句股較自乘冪也其積四 甲巳

和冪內減弦冪所餘者四句股也 弦冪內減較冪所

餘者亦四句股也 句股之積並二十四

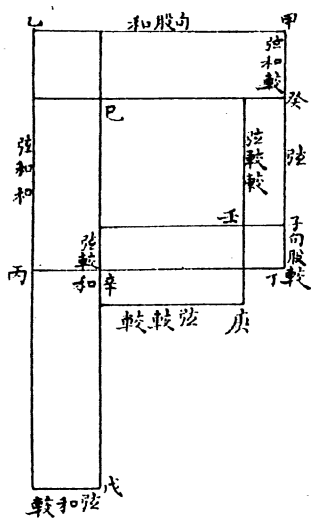
甲丁句股和十四癸丁弦十子丁句股較二甲丙方爲

句股和自乘冪一百九十六 內減癸辛弦冪一百餘六 爲甲

巳丙磬折形亦卽四句股積 內分甲巳直形移置於丙戌成乙

戌長方卽爲弦和較乘 又壬丁小方爲句股較自乘其

冪四以減弦冪一百餘九十六爲癸壬辛巳磬折形卽亦



四句股積內分癸壬直

形移置於辛庚成

巳庚長方卽爲弦

較較乘弦較和

假如方環田有積有田之濶問內外方各若干

法以積四之一爲實田濶除之得數爲內外二方半和

與田濶相加得外方又相減得內方

蓋田濶卽如半較

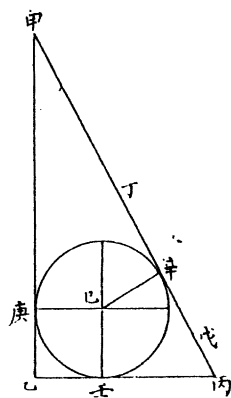


若但知外方及內小方及環田積法即并大小方邊為和以除積得數為較較與和相加折半為外周大方又相減折半為小方以兩方之較折半為環田濶

若方田內有方墩法同或方墩不居正中其法亦同但只可求大小方邊不能知濶

總論曰弦較較乘弦較和之積與弦和較乘弦和和之積等為四句股乃立法之根也而其理皆具古圖中學者所宜深玩

又如有辛庚壬圓池不知其徑法於乙作甲乙直線切員池於庚又乙丙橫線切圓池於壬乙為正方角又自



丙望甲作斜線切員池於辛乃自丙取乙丙之度截斜線於丁又自甲取甲乙之度截斜線於戊末但量丁戊有若

千尺即圓池徑

解曰此即句股容員法也丙乙句截甲丙弦於丁則丁

甲為句弦較甲乙股截弦於戊則戊丙為股弦較而丁戊為弦和較故即為圓徑 其句股弦不必問其丈尺但取三直線並切員而乙為方角足矣故為測員簡法

凡城堞臺臺錐塔員柱之類形正員者並同一法也

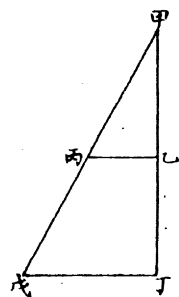
句股容方

係鮑燕翬法

句股形引股線法

即依正角作方形於形外 又即引小形成大形

甲乙丙句股形今欲引甲乙股至丁甲丙弦至戊而令



乙丁與戊丁等

法曰以乙丙分甲乙得數減一餘  
用歸甲乙得之

解曰乙丙與甲乙原若丁戊與甲

丁故以乙丙分甲乙與以丁戊分甲丁所得之分數等

然則減一者雖似于甲乙分數內減乙丙之一分實于

甲丁分數內減丁戊之一分也

即乙丁  
之一分

故以減餘分甲

乙而得

勿菴又法句股相乘為實句股較為法  
除之亦即得所引乙丁與乙戊同數

# 句股形截股法

即依正角作方形於形內 又即截大形成小形

甲丁戊句股形內今欲截甲丁股於乙甲戊弦于丙而

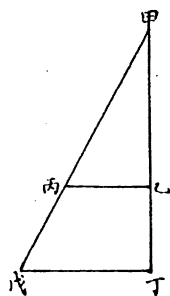
令乙丁與乙丙等

法曰以丁戊分甲丁得數加一共

用歸甲丁得之

勿菴又法句股相乘為實句股

和為法除之亦即得所截乙丁  
與丁丙同數即句股容方法



解曰丁戊與甲丁原若乙丙與甲乙故以丁戊分甲丁與以乙丙分甲乙所得之分數等然則加一者雖似于甲丁分數外加丁戊之一分實于甲乙分數外加乙丙之一分也

即乙丁之一分

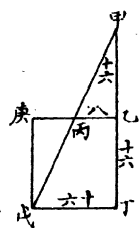
故以加共分甲丁而得

若欲令丙戊與丁戊等或欲令乙丙與丙戊等依法推之按後一法即句股容方也原法簡易今鮑燕翼先生所

設殊新要其理亦相通耳

勿菴補例

設甲乙股十六 乙丙句八 今引甲乙股長出至丁



而令引出之乙丁股分與所當之丁

戊句等問若干答曰乙丁十六

法以乙丙句<sub>八</sub>甲乙股<sub>十六</sub>相乘得<sub>一百</sub>

八<sub>廿</sub>為實句股相減得較<sub>八</sub>為法除之得乙丁引出一十

六與丁戊句相等 若如鮑法以句<sub>八</sub>除股<sub>十六</sub>得<sub>二</sub>內

減去一仍餘一用為法以除股<sub>十六</sub>仍得<sub>十六</sub>為乙丁

又設甲乙股<sub>四十八</sub>乙丙句<sub>十二</sub>依法引出乙丁股<sub>十</sub>

六與丁戊句等



法以句十二乘股四十八得積五百

七十為實句減股得較三十為

法除之得十六為乙丁

或以句十二除股四十八得數四內減一餘三為法以

除股四十八亦得十六為乙丁

又設甲乙股六乙丙句四依法引出乙丁股十二與丁

戊句等法以句乘股得二十四為實句股較二為法

除之得十二為乙丁

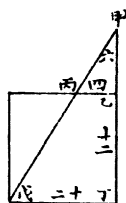


或以句四除股六得一半內減一餘半為法以除股六

亦得十二為乙丁

解曰半為除法則得倍數此畸零除

法也詳別卷

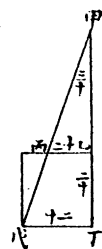


又設甲乙股三十乙丙句十二依法引出乙丁股二十

與丁戊句等

法以句乘股得三百六十為實句股較十八為法除之

得乙丁二十



或以句 十二 除股 三十 得 二半 內減

一餘 一半 為法以除股 三十 亦得乙

丁 二十

解兩法相同所以然之故 蓋此是依句股正角 即乙

作正方形於形之外也本法以句弦較為法除句股形

倍積

即句股相乘

今不用句股較之本數而用其除過之句

股較為法

以句除股則股內所原帶句數及句股較數並為句所除而減去其一即減去除過之句

也用減餘為法即用其除過之句股較為法也

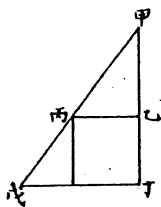
故亦不用句股形之倍積而

用其除過之倍積為實倍即是句股相乘之數若以句除之必仍得股今徑以股數受  
 除即是用其除過之倍積為實也  
 法實並為除過之數則其理相同而

得數亦同矣

以上補第一條之例

設甲丁戊形甲丁股八丁戊句一甲戊弦五欲截甲



丁股于乙截甲戊弦于丙而令所截之乙丁與乙丙等問其數若干

答曰乙丁一十二

法以甲丁股二十丁戌句二十相乘得五百八為實併

句股得和四十為法除之得二十為所截乙丁與乙丙

截句等

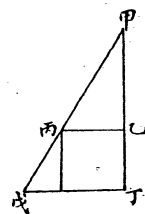
如鮑法以句二十除股二十得一又三又外加一數共

二又三為法通作七用以除股二十八通作八亦得十二

為乙丁截股

設甲丁股三百四丁戌句一百八弦甲戌三百九欲截

乙丁與乙丙等該若干 答曰一百二十



法以句一百八股三百四相乘得六萬三千

四百為實句股和五百二為法除之得

所截乙丁一百二十與截句丙等

或以句一百八除股三百四得一又八之七又外加一

共二又八之七通作二十三為法以股三百四通作二千

七百六十為實法除實亦得一百二十為乙丁截股

解兩法相同所以然之故蓋此是依句股形正角作

方形於內即句股容方也本法以句股和為法除句股形倍

積即句股相乘今不用句股和本數而用其除過之句股和

為法股被句除既變為除過之股而得數中之一其本數皆與句同今於得數又加一是又加一除過之

句合之則共為除過之句股和矣故即用股為實以當除過之倍積法

與實並為除過之數則其理相同而得數亦同矣

### 以上補第二條之例

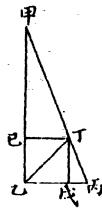
按數度衍有在遠測正方形之算立破句名色不穩圖亦不真今于此第一例中生二法補之

分角線至對邊

亦係  
鮑法

甲乙丙句股形 今平分乙方角作乙丁線至對邊弦  
欲知丁點之所在

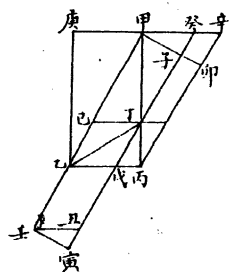
法曰先依句股求方求得已丁戊乙正方形



次用丁戊丙形或丁已甲形求得丁丙  
弦或甲丁弦即得

甲乙丙句股形 今平分乙銳角作線至甲丙股欲知  
丁點所在

法以甲丙股乙丙句相乘得丙庚長方亦即乙辛長斜



方其辛戌小長斜方又即戌壬長斜

方取甲子癸小句股形補壬寅丑虛

句股形成甲寅長方此即句股相乘

實以句弦和除之也

甲乙為弦  
乙壬即句得壬寅邊

丙甲辛句股形中

即甲乙丙  
原設形

作甲卯垂線至丙辛弦

法另

具

于是率甲卯二率甲辛三率甲子四率甲癸

即丁巳

成丁巳乙戌四斜方形

次用丁戌丙形成丁巳甲形依句弦求股求得丁丙或



丁甲即得

按上鮑法此寅甲長方為句弦和除句股形倍積所得  
壬寅邊必小于句股容方之邊其內容丁巳乙戌四斜  
方形之丁巳邊又必大于句股容方之邊二者之間可  
以得容方邊矣

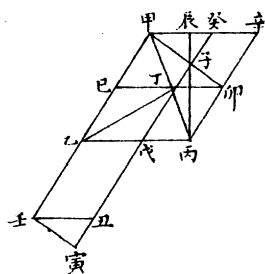
容方邊除倍積得句股和以減  
句弦和得股弦較即其他可知

求丁巳線法 一率甲丙股 二率甲乙弦 三率壬

寅 四率丁巳

即壬丑

甲乙丙銳角形 求分乙角作線至甲丙邊之丁點



法於形中求得辰丙垂線

丙辛甲形即甲乙丙

形故其用丙辰線乘乙丙所得即辛

乙長斜方形自此以下至成丁己乙

戊四斜方

並同前法

次用比例法 一率甲乙 二率甲丙 三率丁戊

四率得丁丙

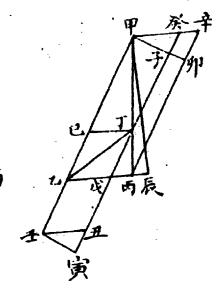
或一率甲乙 二率甲丙 三率甲己 四率甲丁

甲乙丙鈍角形 法先從形外求得甲辰外垂線 引

乙丙線與之相遇

次以甲辰垂線乘乙丙得乙辛長

斜方形 餘同前法



甲乙丙鈍角形 甲辰垂線在形外

與右圖同法

鼎按若依幾何六卷三題法甚捷

句股容員

甲乙丙句股形

求容員徑卯戌 即丁辛

法於甲丙弦上截丁丙如句乙又截甲辛如股甲因得

丁辛即容員之徑

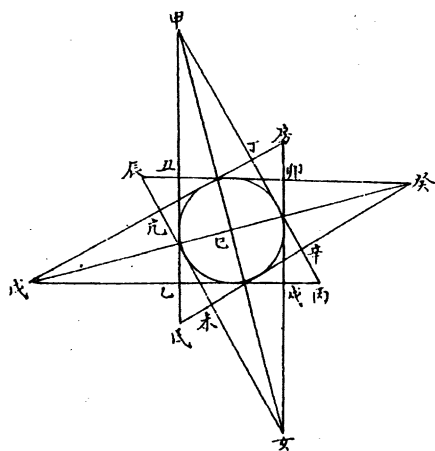
試依所截丁丙為句作戊丁丙句股形自丁作弦之垂綫至戊又引乙

丙句遇于戊即成此形又依所截甲辛為股作甲辛丙句股形自

作弦之垂綫長出至氏引甲乙股遇于氏又作戊戌房句股形引戊丁股至房如弦之度

自房作垂綫至戌即成乃自甲自戊各為分角綫遇於己成十字

則己即容員心也又引十字綫透出而以甲己為度截之於癸于女乃自癸作綫與丙戊平行至辰又自女作



辛氏及房戌之垂線穿而

過之與癸辰線遇於辰又

引氏辛線至癸引房戌線

至女得女辰女房癸辰癸

氏四線皆如甲丙弦女卯

女亢癸丑癸未四線皆如

甲乙股卯辰房亢丑氏辰未四線皆如乙丙句又成女

卯辰女亢房癸未辰癸丑氏四句股形共八句股形縱

橫相疊並以容員心已點為心此同心八句股形各線  
相交成正方形二其一卯戌丑乙形依原形之句股而  
立其乙方角即原形之所有也其一丁辛亢未形依原  
形之弦而立即所謂弦和較也此兩形者皆相等而其  
方邊並與容員徑等即容員徑上之方冪也

然則何以又為弦和較試即以原弦論之甲丙弦上所  
截之丁丙即句也甲辛即股也句股相併即重疊此丁  
辛一邊是句股和多於弦之數古人以弦和較為容員

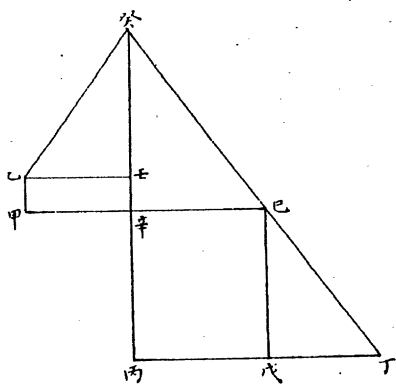
徑蓋謂此也八句股形即有相等之八弦每一弦上各有此重疊之線以成兩四方形相等之八邊可以觀矣  
因鮑圖改作之彼原有八角形外小句股形轉成一等面八角形之論但圖欠明顯

相似兩句股并求簡法

假如癸辛巳大形癸壬乙小形其癸角等則為相似之  
兩句股形今欲求兩形之兩句合線  
兩句者一為巳辛大句一為壬乙小

句即辛甲也則巳甲為兩句合線

法以兩弦  
一癸巳大弦一癸乙小弦并之為三率以癸角之正弦  
癸兩



角等只為二率二三相  
用其一

乘為實半徑全數為法

實如法而一得四率已

甲即壬乙兩句之合

數

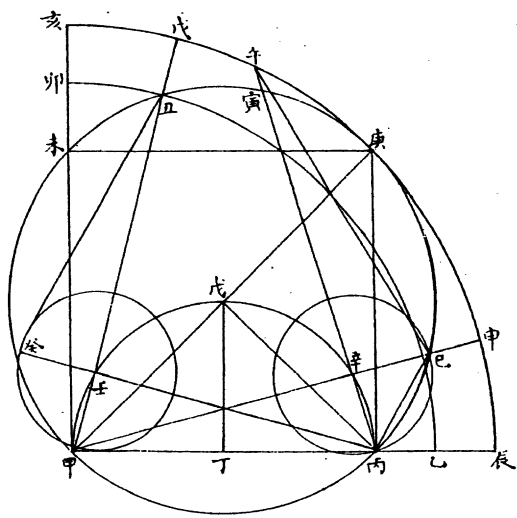
何以知之曰試引癸已弦

至丁截已丁弦如癸乙則丁癸即兩弦合數也乃以癸角

之正弦乘之半徑全除之即得丁丙而丁戊即壬乙以



丁即癸乙也  
 亦即甲辛  
 戊丙即己辛  
 己甲矣  
 同在直線  
 限內也  
 則所得丁丙亦即



有句股和有弦求句求股	乙甲句股和	丙甲弦	原法以甲為心作乙己卯	象限	又以丙甲弦半之	於丁以丁為心作甲戊丙	半圓
量法							

次于丙戌半員上任以辛為心丙為界作丙巳小員屢  
試之令小員正切象限如巳乃作巳辛甲及辛丙二綫  
則辛丙為句辛甲為股如所求按此法不誤但巳點正  
切處難真今別立法求巳點

法曰自丁點作垂線分半圓于戌以戌為心用丙為界  
作丙巳庚丑甲全員全員與象限相割于巳從巳向甲  
作直線割半員于辛乃作辛丙為句即辛甲為股合問  
如此則徑得辛點不用屢試得數既易且真確矣

論曰凡平員內作兩通弦至員徑兩端必為句股而員  
徑常為弦今既以丙甲弦為半員徑則其辛丙與辛甲  
兩通弦必句與股也而已辛甲線與乙甲等即句股和  
也今以辛為心作小員而其邊正切已則已辛與丙辛  
等為小員之半徑即等為句線矣於已甲句股和內截  
已辛為句則辛甲必為股故此法不誤也

又論曰半員內所容句股形以半方形為最大

即甲戌丙也其

餘皆半長方形之句股故小

其句股和亦最大

丙戌句甲戌股相等其和甲戌庚為最大

其餘股長者句反甚小即弦上方冪之斜徑也甲未庚丙為弦

故其和皆小于甲戌庚上平方冪甲戌以此為象限之半徑如辰庚亥象限其半徑辰甲及亥甲

並與庚戌甲等則能容弦上平方如甲未庚丙平方必在辰庚亥象限內又戌心

所作平方外切之平圓亦能容弦上平方此員以戌為心以平方四

角為界其全徑甲戌三者相切于庚點惟相切不相割庚即平方之斜徑也

其餘句股和並小如乙甲和必小于辰丙不能包平方之角即不

能外切平員而與之相割矣如乙甲和為半徑作乙己卯象限不能包庚點即與

平員相割如己其自庚至丙並可為相割之已點而四十五度

之句股具焉

八線表所列之句股只四十五度互相為正餘句為正弦股即餘弦也分言正弦則

初度小而九十度最大也若合正弦餘弦為和數則初度與九十度皆最小惟四十五度最大已足以

盡句股之變態矣

若過庚向未亦四十五度已點至此其和數反小而與前四十五度為正餘

句股和之最大者以略小於弦上斜線而止

凡句股有和有較皆

長方形之半非正半方也若半方形則有和無較可無用算非句股所設其最小者以稍大

于弦線而止

若同弦線即無句股

無有不割平圓故可以已點取

之也

又論曰以方斜為半徑作象限則能容平方以方斜為

半徑作半圓則能容方斜上平圓

如庚巳丙甲未平圓其徑甲戌庚方斜是

即方斜上之平圓也若以甲戌庚半徑作大半圓即能容之

凡半圓內所容之圓度

每以兩度當外周半圓之一度何則論度必以角惟在

心之角一度為一度若在邊之角則兩度為一度

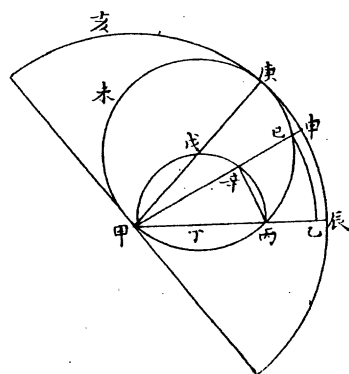
如辰庚亥

半圓從甲心出兩線一至庚一至辰作辰甲庚角其度辰庚四十五度是一度為一度也若庚巳丙甲未圓從甲邊出兩線一遇戊至庚一至丙作庚甲丙角其度庚巳丙象限只作四十五度是兩度當一度以同用甲角故準此論之則弦上半圓所作之戊甲丙角亦必四十

五度矣

既同用甲角則戊辛丙象限亦兩度當一度

若是則庚巳丙之度與



戊辛丙等  
並同用甲角以庚辰為度故也而

已點所割之已丙弧及辛丙

弧亦必等度矣  
已丙為方外切員之度辛

丙為方內切員之度大小不同而用甲角以已乙為其

度角等者  
度亦等

又引辛丙至寅則寅丑甲與辛戊甲兩弧亦必等度  
以同

用丙角  
故也 而同為甲角之餘  
丙角原為甲角之餘乃甲角減象限是以已甲乙減象限

得已甲卯角與辛丙甲角等也其度則兩度為一度乃  
甲角之倍度減半周是以寅庚減半周得寅丑甲以丙

辛弧減半周又已庚丑未弧原為已丙減半周之餘即得辛戌甲也

與寅丑甲等於此兩弧內各減寅丑未則已庚寅與未

癸甲亦等於是作已寅線與未甲等亦即與丙甲等

而寅已丙與甲丙已又等于寅已及甲已各加一已丙則丙辛寅及

已辛甲兩直線亦等皆句股和也兩和線相交於辛則交角

等皆十字正角

又作已丙線成已辛丙三角形而已角丙角等已甲丙三角形

與已寅丙等則對丙甲之則角所對已辛邊丙辛邊亦已角對已寅之丙角亦等



等矣 準上論已辛與丙辛必等故用已點以求辛點  
而和數中句股可分也

又論曰凡句股和所作象限與斜方上平員相割有二

點其一為已其一為丑自丑作直線至甲心

象限心也割半

員於壬作丙壬線即成丙壬甲句股形與甲辛丙等

甲丑

丙角為丙甲壬角之餘與壬丙甲角等而其度丑卯與  
已乙等是丙甲辛角與壬丙甲等也辛壬又皆正角又

同以丙甲為弦是 準此論之凡半員內所作句股皆兩  
兩句股形等也

兩相似

句股之正角必負員周亦兩兩相對如辛點在  
戊丙象限內即有壬點在戊甲象限與之相對

皆與象限上已點丑點相應 故四十五度能盡句股之

其所作句股形亦兩相似

變也 戊丙與戊甲兩象限並兩度當一度其真度在庚辰及庚亥兩半象限中故皆四十五度

試以壬為心丑為界作員界必過丙是丙壬股即丑壬而且甲為和也丑壬股大于戊丙而且甲和小于庚甲以是知和數之大至庚甲而極也

準上論又足以證己庚丑癸員能盡割員句股之理

句股和較

弦與句股較

相和即  
弦較和

加句即  
股弦和

減股即  
句弦較

內減弦存  
句股較

相較即

弦較較

減句即  
股弦較

加股即  
句弦和

用減弦存  
句股較

弦與句股和

相和即  
弦和和

減弦即  
句股和

減股即  
句弦和

減句即  
股弦和

相較即

加句弦  
較即股

加股弦  
較即句

加句弦較股  
弦較即弦

弦與句弦較相和

加句即  
兩弦

減句即兩  
句弦較

減弦即  
句弦較

相較即  
句

句與股弦較

相和即  
句較和

加句股  
較即弦

減股弦  
較即句

加句弦較減  
股弦較即股

相較即

句較較

加句股較股

較即句

加句股較股弦

句與股弦和

相和即

減弦即

減股即

減句即

相較即

減股即

減弦即

加句即

句與句股較

相和即

相較

加句股

加兩句股

句與句股和相和

相較即

減股即

加股即兩

句與句弦較相和即

相較

加句弦  
較即句  
加兩句弦  
較即弦

句與句弦和相和

相較  
即弦

句股較句弦較

相較即  
股弦較

句股較股弦較

相較即句弦和內減  
兩句又兩股弦較

相和即股弦  
和內減兩句

相和即  
句弦較

句弦較股弦較

相較即  
句股較

相和即兩弦內  
減一句一股

句股和句弦和

相較即  
股弦較

句股和股弦和

相較即  
句弦較

相和即兩句  
一弦一弦

相和即兩股  
一弦一弦

句弦和股弦和  
相較即句股較

相和即兩弦  
一句一弦

句股較與句和  
相和即兩股

句股較與句和  
相和即股弦和

句股較與股弦和  
相和

相較即兩句

相較即句弦和

句弦較句弦和  
相和即兩弦

句弦較與股和  
相和即股弦和

句弦較與股弦和  
相和

相較即兩句

相較

相較即句股和

弦和較弦和  
相和半之為句股和

弦和較弦較和  
相和半之為股

相較半  
之為弦

相較半之  
為句弦較

弦和較弦較較

相和半  
之為句

弦和較句較和

相和半  
之為句

相較半之  
為股弦較

相較半之  
為股弦較

弦和較句和較

相和半  
之為句

弦和較句較較

相和半之仍  
為弦和較

相較半之  
為股弦較

相較即減盡

弦和和弦較和

相和半之  
為股弦和

弦和和弦較較

相和半之  
為句弦和

相較半  
之為句

相較半之  
為股

弦和和句較和

相和半之  
為句弦和

弦和和句和較

相和半之  
即股弦和

相較半  
之為股

相較半之  
為句

弦和和句較較  
相和半之  
即句股和

弦較和弦較較  
相和半  
之為弦

相較半  
之為弦

相較半之  
為句股較

弦較和句較和  
相和半  
之為弦

弦較和句和較  
相和半之為股與句  
弦較或弦與句股較

相較半之  
為句股較

相較恰盡

弦較和句較較  
相和半  
之為股

弦較較句較和  
相和半之為  
句與股弦較

相較半之  
為句弦較

相較恰盡

弦較較句和較  
相和半  
之為弦

弦較較句較較  
相和半  
之為句



相較半之

為句股較

相較半之

為股弦較

句較和句和較

相和半  
之為弦

句較和句較較

相和半  
之為句

相較半之

為句股較

相較半之

為股弦較

句和較句較較

相和半  
之為股

相較半之

為句弦較

厯算全書卷四十七